

0.1 Wärmelehre

- 1) Fahrenheit eichte seine Skala anhand seiner Körpertemperatur. Wie hoch war seine Körpertemperatur offenbar? Geben Sie diese Temperatur in °C und in Kelvin an.

Lösung: Die Körpertemperatur von Fahrenheit betrug 37.7°C bzw. 310.92 K .
Die Körpertemperatur eines gesunden Menschen ist zwischen 36.3°C und 37.4°C .

- 2) 0°F soll die tiefste Temperatur des bitterkalten Winters von 1709 gewesen sein. Geben Sie diese Temperatur in °C und in Kelvin an.

Lösung: Es gilt $0^{\circ}\text{F} = -17.7^{\circ}\text{C} = 255.37\text{ K}$.

- 3) Weshalb erwärmt sich ein Geldstück, wenn wir es starken Hammerschlägen aussetzen?

Lösung: Durch das Hämmern erhöhen wir die durchschnittliche kinetische Energie der Teilchen im Geldstück.

- 4) Bei welchen Temperaturen in °C und Kelvin gefriert resp. kocht das Wasser?

Lösung: Das Wasser gefriert bei $0^{\circ}\text{C} = 273.15\text{ K}$ und kocht bei $100^{\circ}\text{C} = 373.15\text{ K}$.

- 5) Welche Energieform(en) beeinflusst/beeinflussen die Temperatur eines Körpers? Kinetische Energie, Potentielle Energie, Rotationsenergie, Vibrationsenergie oder alle von diesen?

Lösung: Nur die kinetische Energie beeinflusst die Temperatur eines Körpers.

- 6) Im Schulzimmer hat es Stühle, Tische und Menschen. Welche dieser Körper haben eine Temperatur, die

- a) tiefer als

Lösung: Keines der oben genannten haben eine tiefere Temperatur als die Luft.

- b) höher als oder

Lösung: Die Menschen haben eine höhere Temperatur als die Luft.

- c) gleich

Lösung: Die Stühle und die Tische haben die gleiche Temperatur wie die Luft.

der Temperatur der Luft ist?

- 7) Was hat eine höhere innere Energie:

- a) ein Eisberg oder
b) eine Tasse heissen Kaffee?

Begründen Sie Ihre Antwort.

Lösung: Der Eisberg hat eine höhere innere Energie. Kaltes Wasser mit einer sehr grossen Masse hat mehr innere Energie als heisses Wasser mit einer sehr kleinen Masse.

- 8) Sie berühren einen kalten Stein. Fliesst die Kälte vom Stein in Ihre Hand? Erklären Sie!

Lösung: Die Wärme fliesst von der Hand zum Stein. Das Abfliessen der Wärme empfinden wir als kalt. Die Kälte in einem physikalischen Sinn existiert nicht. Die Kälte ist einfach die Absenz von der Wärme.

9) Temperatur und Wärme sind zwei Begriffe, die in der Alltagssprache oft die gleiche Bedeutung haben. In der Physik ist dies nicht der Fall.

a) Welcher der beiden Begriffe beschreibt, wie warm ein Körper ist?

Lösung: Die Temperatur.

b) Welcher der beiden Begriffe beschreibt die Energie, die ein Körper aufnimmt oder abgibt, wenn er aufgeheizt oder abgekühlt wird?

Lösung: Die Wärme.

10) Vervollständigen Sie diesen Text:

a) Die innere eines Körpers kann verändert werden, in dem man ihn erhitzt oder

Lösung: Die innere **Energie** eines Körpers kann verändert werden, in dem man ihn erhitzt oder **abkühlt**.

b) Die Moleküle in einer heißen Kartoffel haben im Durchschnitt mehr als die in einer Kartoffel.

Lösung: Die Moleküle in einer heißen Kartoffel haben im Durchschnitt mehr **innere Energie** als die **Moleküle** in einer **kalten** Kartoffel.

c) Zwei heiße Steine haben zusammen mehr als ein heißer Stein alleine.

Lösung: Zwei heiße Steine haben zusammen mehr **innere Energie** als ein heißer Stein alleine.

d) Um einen Stein zu erwärmen, braucht es

Lösung: Um einen Stein zu erwärmen, braucht es **Wärme**.

11) Die Temperatur eines Körpers ist eine seiner fundamentalen physikalischen Eigenschaften.

a) Weshalb gibt es eine untere Grenze für die Temperatur?

Lösung: Die Temperatur ist ein Maß für die Bewegung der Teilchen. Die Teilchen können sich nicht weniger bewegen als still stehen.

b) Geben Sie die tiefstmögliche Temperatur in °C und K an.

Lösung: Die tiefstmögliche Temperatur ist $-273.15\text{ °C} = 0\text{ K}$

12) Rechnen Sie die folgenden Temperaturen der einen Skala in die andere Skala um.

a) 20 °C , 100 °C , -25 °C , 0 °C

Lösung:
 $20\text{ °C} = 293.15\text{ K} = 68\text{ °F}$
 $100\text{ °C} = 373.15\text{ K} = 212\text{ °F}$
 $-25\text{ °C} = 248.15\text{ K} = -13\text{ °F}$
 $0\text{ °C} = 273.15\text{ K} = 32\text{ °F}$

b) 0 K , 100 K , 300 K

Lösung:
 $0\text{ K} = -273.15\text{ °C} = -459.67\text{ °F}$
 $100\text{ K} = -173.15\text{ °C} = -279.67\text{ °F}$
 $300\text{ K} = 26.85\text{ °C} = 80.33\text{ °F}$

- 13) Warum ist im Sommer der Sand heisser als die Wasserpflanze nebenan?

Lösung: Die spezifische Wärmekapazität von Sand beträgt $c_S = 0.84 \frac{\text{kJ}}{\text{kg K}}$ und die von Wasser $c_W = 4.182 \frac{\text{kJ}}{\text{kg K}}$. In Worten bedeutet das: man braucht nur 0.84 kJ um 1 kg Sand um 1 K bzw. um 1 °C zu erwärmen. Beim Wasser benötigt man 4.182 kJ. Das bedeutet der Sand erwärmt sich schneller als die Wasserpflanze.

- 14) Wie viel Energie braucht es, um einen 500 g schweren Aluklotz von 20 °C auf 25 °C zu erwärmen?

Lösung: Gegeben sind die Masse $m = 0.5 \text{ kg}$ und die Temperaturdifferenz $\Delta T = 5 \text{ °C}$. Die spezifische Wärmekapazität von Aluminium beträgt $c_{Al} = 896 \frac{\text{J}}{\text{kg K}} = 896 \frac{\text{J}}{\text{kg °C}}$. Daraus lässt sich die Energie wie folgt berechnen:

$$Q = m \cdot c_{Al} \cdot \Delta T = \underline{\underline{2240 \text{ J}}} \quad (0.1.1)$$

- 15) Aus welcher Höhe müsste ein Turmspringer der Masse 70 kg mindestens springen, damit er ein Wasserbecken von 1000 m^3 um 0.15 °C erhitzen könnte?

Lösung: Gegeben sind die Masse des Turmspringers $m_T = 70 \text{ kg}$, die Temperaturdifferenz $\Delta T = 0.15 \text{ °C}$ und die Masse des Wassers $m_W = 10^6 \text{ kg}$ (Weil: $1000 \text{ m}^3 = 10^6 \text{ l} = 10^6 \text{ kg}$). Die spezifische Wärmekapazität von Wasser beträgt $c_W = 4.182 \frac{\text{kJ}}{\text{kg °C}} = 4182 \frac{\text{J}}{\text{kg °C}}$. Es gilt hier bei dieser Aufgabe $E_{Pot} = Q$ und daraus kann die Höhe h berechnet werden:

$$E_{Pot} = Q \quad (0.1.2)$$

$$\Leftrightarrow m_T \cdot g \cdot h = m_W \cdot c_W \cdot \Delta T \quad (0.1.3)$$

$$\Leftrightarrow h = \frac{m_W \cdot c_W \cdot \Delta T}{m_T \cdot g} = \underline{\underline{913499.34 \text{ m}}} \approx \underline{\underline{913.5 \text{ km}}} \quad (0.1.4)$$

- 16) Bei welchem (welchen) der folgenden Beispiele aus der Technik verwendet man Materialien mit möglichst hoher bzw. möglichst kleiner spezifischer Wärmekapazität?

- a) Kühlflüssigkeit bei Automotoren

Lösung: Man verwendet Flüssigkeiten mit hoher spezifischer Wärmekapazität (z.B. Wasser). Schon bei geringer Temperaturerhöhung des Wassers kann relativ viel Energie aufgenommen und über einen Kreislauf an die Umwelt abgeführt werden. (Hinweis: Das Wasser hat den Nachteil, dass es im Winter gefriert und der Kühler unter Umständen platzen wird. Man setzt daher Gefrierschutzmittel bei oder verwendet nicht Wasser, sondern eine Flüssigkeit mit hoher spezifischer Wärmekapazität aber niedrigerem Gefrierpunkt.)

- b) Thermoskanne

Lösung: Bei einer Thermoskanne verwendet man Materialien mit kleiner spezifischer Wärmekapazität. Beim Eingiessen einer heissen Flüssigkeit erwärmen sich auch die Innenwände der Kanne fast auf den Temperaturwert der Flüssigkeit. Ist die spezifische Wärmekapazität des Wandmaterials klein, so ist auch die Energieaufnahme klein und die Flüssigkeit kühlt sich nur unmerklich ab. (Hinweis: Bei diesem Problem spielt auch die Wärmeleitung und die Wärmestrahlung eine Rolle. Sie wird durch das Vakuum zwischen den Wänden der Kanne und die versilberten Oberflächen nahezu unterbunden.)

c) elektrische Speicheröfen

Lösung: Ein Nachtspeicherofen (= elektrischer Speicherofen) soll möglichst viel Energie aufnehmen können. Würde man eine Flüssigkeit kleiner spezifischer Wärmekapazität verwenden, so würde der Speicher eine hohe Temperatur erreichen und die Energieverluste durch Abstrahlung würden sich erhöhen. Bei grosser spezifischer Wärmekapazität der Flüssigkeit ergibt sich bei gleicher Energieaufnahme eine geringe Temperaturdifferenz zur Umgebung.

- 17) Zum Warmhalten von Speisen werden gelegentlich Wärmeplatten eingesetzt, die in einem Ofen aufgeheizt werden. Wärmeplatten mit den vorgegebenen Massen $1.5 \times 15 \times 30 \text{ cm}^3$ sollen bei gleicher Temperaturdifferenz möglichst viel Wärme abgeben. Welches von diesen Materialien erfüllt diese Bedingung am besten: Aluminium, Blei, Eisen oder Kupfer?

Lösung: Die Masse kann mit der Dichte und mit dem Volumen wie folgt ausgedrückt werden:

$$m = \rho \cdot V \quad (0.1.5)$$

Mit der Formel (0.1.5) kann die Wärmeenergie wie folgt berechnet werden:

$$Q = m \cdot c \cdot \Delta T \quad (0.1.6)$$

$$= \rho \cdot V \cdot c \cdot \Delta T \quad (0.1.7)$$

Laut Aufgabenstellung bleibt das Volumen und die Temperaturdifferenz für alle vier Materialien konstant und nur die spezifische Wärmekapazität und die Dichte verändern sich. Das bedeutet, es genügt, wenn nur $c \cdot \rho$ berechnet wird.

Für Aluminium: $c_{Al} = 896 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot ^\circ\text{C}}$, $\rho_{Al} = 2700 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$. Daraus folgt:

$$c_{Al} \cdot \rho_{Al} = 2419200 \frac{\text{J}}{\text{m}^3 \cdot ^\circ\text{C}} \quad (0.1.8)$$

Für Blei: $c_{Pb} = 129 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot ^\circ\text{C}}$, $\rho_{Pb} = 11340 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$. Daraus folgt:

$$c_{Pb} \cdot \rho_{Pb} = 1462860 \frac{\text{J}}{\text{m}^3 \cdot ^\circ\text{C}} \quad (0.1.9)$$

Für Eisen: $c_{Fe} = 450 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot ^\circ\text{C}}$, $\rho_{Fe} = 7860 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$. Daraus folgt:

$$c_{Fe} \cdot \rho_{Fe} = 3537000 \frac{\text{J}}{\text{m}^3 \cdot ^\circ\text{C}} \quad (0.1.10)$$

Für Kupfer: $c_{Cu} = 383 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot ^\circ\text{C}}$, $\rho_{Cu} = 8920 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$. Daraus folgt:

$$c_{Cu} \cdot \rho_{Cu} = 3416360 \frac{\text{J}}{\text{m}^3 \cdot ^\circ\text{C}} \quad (0.1.11)$$

Eisen ist bei diesen Bedingungen am besten geeignet. Die Platten sind trotzdem häufig aus Aluminium, weil deren geringes Gewicht im Service vorteilhaft ist.

- 18) In einem Boiler werden 400l Wasser von 25°C auf 60°C aufgeheizt. Wie viel Energie in Joule werden dafür benötigt? Was kostet das Aufheizen, wenn der Preis für 1 kWh in der Nacht 8 Rp. beträgt?

Lösung: Gegeben sind die Masse $m = 400 \text{ kg}$, die Temperaturdifferenz $\Delta T = 35^\circ\text{C}$ und die spezifische Wärmekapazität von Wasser $c_W = 4182 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot ^\circ\text{C}}$. Zudem gilt $1 \text{ kWh} = 3600000 \text{ J}$ entspricht 8 Rp. Die Energie lässt sich nun wie folgt berechnen:

$$Q = m \cdot c_W \cdot \Delta T = \underline{58548000 \text{ J}} \quad (0.1.12)$$

Diese Energie entspricht 130 Rp = 1.30 CHF.

19) Im Frühling ist das Wasser in der Badi manchmal noch sehr kalt und man fragt sich, weshalb die Betreiber das Wasser nicht elektrisch aufheizen.

- a) Berechnen Sie die elektrische Energie, die man aufwenden müsste, um das Wasser ($50\text{ m} \times 25\text{ m} \times 2\text{ m}$) von 16°C auf 25°C aufzuheizen.

Lösung: Das Volumen beträgt 2500 m^3 , welches einer Masse von $m_W = 2.5 \cdot 10^6\text{ kg}$ entspricht. Die spezifische Wärmekapazität sei $c_W = 4182 \frac{\text{J}}{\text{kg}^\circ\text{C}}$ und die Temperaturdifferenz beträgt $\Delta T = 9^\circ\text{C}$. Mit diesen Angaben kann die elektrische Energie berechnet werden:

$$Q = m_W \cdot c_W \cdot \Delta T = \underline{9.4095 \cdot 10^{10}\text{ J}} = \underline{26137.5\text{ kWh}} \quad (0.1.13)$$

wobei im letzten Schritt die Umrechnung gemacht wurde von Joule in kWh. Es gilt $1\text{ kWh} = 3600000\text{ J}$.

- b) Was würde das bei einem Kilowattstundenpreis von 17 Rp./kWh kosten?

Lösung: 1 kWh kostet 17 Rp. Somit kosten 26137.5 kWh 4443.4 CHF. (Dies ist nicht nur finanziell sondern vorallem auch umwelttechnisch völlig unsinnig.)

20) Wie viel Energie muss einem Liter Wasser zugeführt werden, um ihn zum Kochen zu bringen (20°C auf 98°C)? Auf welche Höhe könnte man das Wasser mit dieser Energie hochheben?

Lösung: Gegeben sind die Masse $m_W = 1\text{ kg}$, die Temperaturdifferenz $\Delta T = 78^\circ\text{C}$ und die spezifische Wärmekapazität $c_W = 4182 \frac{\text{J}}{\text{kg}^\circ\text{C}}$. Die Energie, um das Wasser zum Kochen zu bringen, beträgt:

$$Q = m_W \cdot c_W \cdot \Delta T = \underline{326196\text{ J}} \quad (0.1.14)$$

Mit $E_{Pot} = Q$ kann die Höhe h berechnet werden:

$$E_{Pot} = Q \quad (0.1.15)$$

$$\Leftrightarrow m_W \cdot g \cdot h = Q \quad (0.1.16)$$

$$\Leftrightarrow h = \frac{Q}{m_W \cdot g} = \underline{33251.4\text{ m}} \quad (0.1.17)$$

21) Wie viel Energie ist nötig, um 85 cm^3 Ethylalkohol (Ethanol) von -5°C auf 55°C zu erwärmen? Die Wärmekapazität finden Sie in der Formelsammlung!

Lösung: Die spezifische Wärmekapazität von Ethylalkohol beträgt $c_E = 2430 \frac{\text{J}}{\text{kg}^\circ\text{C}}$ und die Dichte $\rho_E = 789 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$. Gegeben ist die Temperaturdifferenz $\Delta T = 60^\circ\text{C}$ und das Volumen $V = 85\text{ cm}^3 = 8.5 \cdot 10^{-5}\text{ m}^3$. Die Masse berechnet sich wie folgt:

$$m_E = \rho_E \cdot V = 0.067065\text{ kg} \quad (0.1.18)$$

Mit den gegebenen Angaben kann nun die Energie berechnet werden:

$$Q = m_E \cdot c_E \cdot \Delta T = \underline{9778.1\text{ J}} \quad (0.1.19)$$

- 22) Manchmal gelangen die Gläser in der Mensa direkt aus dem Geschirrspüler ($T_G = 70^\circ\text{C}$) wieder zum Gebrauch auf die Auslage. Nehmen wir an, so ein Glas ($m = 180\text{ g}$) sei immer noch 40°C warm, wenn man 1 dl Wasser der Temperatur 20°C (Raumtemperatur) einfüllt. Welche Mischtemperatur T_M stellt sich nach kurzer Zeit ein? (Der Wärmeaustausch mit der Umgebung soll vernachlässigt werden).

Lösung: Abkürzungen: $G = \text{Glas}$ und $W = \text{Wasser}$.

Gegeben sind die folgenden Größen: $m_G = 0.18\text{ kg}$, $c_G = 800 \frac{\text{J}}{\text{kg}^\circ\text{C}}$, $T_G = 40^\circ\text{C}$, $m_W = 0.1\text{ kg}$, $c_W = 4182 \frac{\text{J}}{\text{kg}^\circ\text{C}}$ und $T_W = 20^\circ\text{C}$. Das Glas gibt die Wärme ab und das Wasser nimmt die Wärme auf. Die Mischtemperatur T_M kann nun wie folgt berechnet werden:

$$Q_{ab,G} + Q_{auf,W} = 0 \quad (0.1.20)$$

$$\Leftrightarrow m_G \cdot c_G \cdot (T_M - T_G) + m_W \cdot c_W \cdot (T_M - T_W) = 0 \quad (0.1.21)$$

$$\Leftrightarrow T_M \cdot (m_G \cdot c_G + m_W \cdot c_W) = m_G \cdot c_G \cdot T_G + m_W \cdot c_W \cdot T_W \quad (0.1.22)$$

$$\Leftrightarrow T_M = \frac{m_G \cdot c_G \cdot T_G + m_W \cdot c_W \cdot T_W}{m_G \cdot c_G + m_W \cdot c_W} \quad (0.1.23)$$

$$= \underline{\underline{25.12^\circ\text{C}}} \quad (0.1.24)$$

- 23) In einer Badewanne befinden sich 60 Liter Wasser der Temperatur von 16°C . Wie viel warmes Wasser der Temperatur von 50°C muss eingefüllt werden, um eine Badetemperatur von 37°C zu erreichen? (Dazu gehen wir von einer idealen Wanne, ohne Wärmeverlust, aus).

Lösung: Abkürzungen: KW: Kaltes Wasser, WW = Warmes Wasser.

Gegeben sind die folgenden Größen: $m_{KW} = 60\text{ kg}$, $T_M = 37^\circ\text{C}$, $T_{KW} = 16^\circ\text{C}$ und $T_{WW} = 50^\circ\text{C}$. Das kalte Wasser nimmt die Wärme auf und das warme Wasser gibt die Wärme ab. Die Masse des warmen Wassers beträgt:

$$Q_{auf,KW} + Q_{ab,WW} = 0 \quad (0.1.25)$$

$$\Leftrightarrow m_{KW} \cdot c_{KW} \cdot (T_M - T_{KW}) + m_{WW} \cdot c_{WW} \cdot (T_M - T_{WW}) = 0 \quad (0.1.26)$$

$$\Leftrightarrow m_{WW} = \frac{-m_{KW} \cdot c_{KW} \cdot (T_M - T_{KW})}{c_{WW} \cdot (T_M - T_{WW})} \quad (0.1.27)$$

$$= \frac{-m_{KW} \cdot (T_M - T_{KW})}{T_M - T_{WW}} \quad (0.1.28)$$

$$= \underline{\underline{96.92\text{ kg}}} \quad (0.1.29)$$

Im zweitletzten Schritt wurde verwendet, dass $c_{KW} = c_{WW}$ ist.

- 24) Ein Wärmespeicher aus Wasser soll im Sommer durch Kollektoren aufgeheizt werden und im Winter durch Wärmeabgabe ein Haus heizen. Welche Masse Wasser muss der Speicher umfassen, wenn im Winter durch eine Temperaturverminderung von 50°C auf 35°C eine Wärmemenge abgegeben werden soll, die dem Heizwert H_u von 3000 kg Heizöl entspricht?

Lösung: Der Heizwert pro Kilogramm für das Heizöl beträgt $H_u = 42.7 \cdot 10^6 \frac{\text{J}}{\text{kg}}$. Gegeben ist zudem $m_H = 3000\text{ kg}$, $\Delta T = 15^\circ\text{C}$ und $c_W = 4182 \frac{\text{J}}{\text{kg}^\circ\text{C}}$. Die Masse m_W von Wasser beträgt:

¹Der Heizwert ist eine physikalische Grösse, die angibt, wie viele Joule Energie frei werden, wenn man ein Kilogramm des betreffenden Stoffs verbrennt, Tabelle hierzu auf S.102 im Fundamentum.

Lösung:

$$Q = H \quad (0.1.30)$$

$$\Leftrightarrow m_W \cdot c_W \cdot \Delta T = H_u \cdot m_H \quad (0.1.31)$$

$$\Leftrightarrow m_W = \frac{H_u \cdot m_H}{c_W \cdot \Delta T} = \underline{\underline{2042085.13 \text{ kg}}} \approx \underline{\underline{2042.1 \text{ t}}} \quad (0.1.32)$$

- 25) In manchen Restaurants werden heisse Speisen auf vorgewärmte Tellern serviert. Ohne diese Massnahme kühlen die heissen Speisen schon beim Anrichten stark ab. Die Suppe (= Wasser) zum Beispiel hat im Topf eine Temperatur von 95 °C. Von ihr werden 240 g auf einen Porzellanteller (hat die gleichen thermischen Eigenschaften wie Glas) mit einer Masse von 610 g gegeben. Welche Anfangstemperatur müsste der Teller haben, damit sich allein durch den Temperaturengleich zwischen der Suppe und dem Teller eine Temperatur von 80 °C einstellen würde?

Lösung: Abkürzungen: G = Glas und W = Wasser.

Gegeben sind die folgenden Grössen: $m_G = 0.61 \text{ kg}$, $c_G = 800 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot ^\circ\text{C}}$, $T_M = 80 \text{ }^\circ\text{C}$, $m_W = 0.24 \text{ kg}$, $c_W = 4182 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot ^\circ\text{C}}$ und $T_W = 95 \text{ }^\circ\text{C}$. Das Glas nimmt die Wärme auf und das Wasser gibt die Wärme ab. Die Temperatur des Porzellantellers (= Glas) beträgt:

$$Q_{\text{auf},G} + Q_{\text{ab},W} = 0 \quad (0.1.33)$$

$$\Leftrightarrow m_G \cdot c_G \cdot (T_M - T_G) + m_W \cdot c_W \cdot (T_M - T_W) = 0 \quad (0.1.34)$$

$$\Leftrightarrow T_G = \frac{m_G \cdot c_G \cdot T_M + m_W \cdot c_W \cdot (T_M - T_W)}{m_G \cdot c_G} \quad (0.1.35)$$

$$= \underline{\underline{49.15 \text{ }^\circ\text{C}}} \quad (0.1.36)$$

- 26) Jedes Thermometer, das in eine Flüssigkeit getaucht wird, verändert die Temperatur, die eigentlich gemessen werden soll (ausser wenn es zufällig die gleiche Temperatur wie die Flüssigkeit hat). Untersuchen Sie am folgenden realen Beispiel, wie gross dieser Effekt ist:
Ein Stabthermometer, das nur aus Glas und Quecksilber besteht, hat eine Anfangstemperatur von 22.3 °C. Es wird in 110 g Wasser von 60.0 °C getaucht. Dabei werden 6.38 g Quecksilber und 1.26 g Glas des Thermometers erwärmt. Welche Temperatur zeigt das Thermometer maximal an?

Lösung: Gegeben sind die folgenden Grössen: $T_G = 22.3 \text{ }^\circ\text{C}$, $T_{Hg} = 22.3 \text{ }^\circ\text{C}$, $m_G = 0.00126 \text{ kg}$, $m_{Hg} = 0.00638 \text{ kg}$, $m_W = 0.110 \text{ kg}$, $T_W = 60 \text{ }^\circ\text{C}$, $c_G = 800 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot ^\circ\text{C}}$, $c_W = 4182 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot ^\circ\text{C}}$ und $c_{Hg} = 139 \frac{\text{J}}{\text{kg} \cdot ^\circ\text{C}}$. Wir berechnen zuerst die Mischtemperatur:

$$Q_{\text{ab}} + Q_{\text{auf}} = 0 \quad (0.1.37)$$

$$\Leftrightarrow m_W \cdot c_W \cdot (T_M - T_W) + m_G \cdot c_G \cdot (T_M - T_G) + m_{Hg} \cdot c_{Hg} \cdot (T_M - T_{Hg}) = 0 \quad (0.1.38)$$

Die Formel (0.1.38) kann nach T_M umgeformt werden und man erhält:

$$T_M = \frac{m_W \cdot c_W \cdot T_W + m_G \cdot c_G \cdot T_G + m_{Hg} \cdot c_{Hg} \cdot T_{Hg}}{m_W \cdot c_W + m_G \cdot c_G + m_{Hg} \cdot c_{Hg}} = \underline{\underline{59.85... \text{ }^\circ\text{C}}} \quad (0.1.39)$$

- 27) Ein -18°C kalter Eisklotz der Masse 26.9 g wird in 954 g warmes Wasser der Temperatur 53.3°C geworfen. Der Eisklotz schmilzt komplett und es stellt sich eine Mischtemperatur von 49.4°C ein. Berechnen Sie daraus die spezifische Schmelzwärme L_S von Eis.

Lösung: Gegeben sind die folgenden Grössen: $T_E = -18^\circ\text{C}$, $m_E = m_W = 0.0269\text{ kg}$, $T_{WW} = 53.3^\circ\text{C}$, $m_{WW} = 0.954\text{ kg}$, $T_M = 49.4^\circ\text{C}$, $c_E = 2100 \frac{\text{J}}{\text{kg}\cdot^\circ\text{C}}$, $c_W = 4182 \frac{\text{J}}{\text{kg}\cdot^\circ\text{C}}$. Die Schmelztemperatur von Eis beträgt $T_S = 0^\circ\text{C}$. Die spezifische Schmelzwärme L_S kann wie folgt berechnet werden:

$$Q_E + Q_{\text{Schmelz},E} + Q_W + Q_{WW} = 0 \quad (0.1.40)$$

$$\Leftrightarrow m_E \cdot c_E \cdot (T_S - T_E) + m_E \cdot L_S + m_W \cdot c_W \cdot (T_M - T_S) + m_{WW} \cdot c_W \cdot (T_M - T_{WW}) = 0 \quad (0.1.41)$$

Die Gleichung (0.1.41) nach L_S umgeformt und die bekannten Grössen eingesetzt, erhält man für die spezifische Schmelzwärme von Eis:

$$L_S = \frac{m_E \cdot c_E \cdot T_E - m_W \cdot c_W \cdot T_M - m_{WW} \cdot c_W \cdot (T_M - T_{WW})}{m_E} = \underline{\underline{334031.1 \frac{\text{J}}{\text{kg}}}} \quad (0.1.42)$$

- 28) An einem heissen Nachmittag wollen Sie 1.5 Liter Sirup für die ganze Familie zubereiten. Der Sirup hat nach dem Mischen mit dem kalten Leitungswasser eine Temperatur von 14°C und ist wenig erfrischend. Sie geben deshalb 100 g Eiswürfel von -10°C hinzu. Wie kühl werden die Familienmitglieder im günstigen Fall den Sirup geniessen können?

Lösung: Gegeben sind die folgenden Grössen: $T_E = -10^\circ\text{C}$, $m_S = 1.5\text{ kg}$, $T_S = 14^\circ\text{C}$, $m_E = m_W = 0.1\text{ kg}$, $c_E = 2100 \frac{\text{J}}{\text{kg}\cdot^\circ\text{C}}$, $c_W = 4182 \frac{\text{J}}{\text{kg}\cdot^\circ\text{C}}$, $L_S = 3.338 \cdot 10^5 \frac{\text{J}}{\text{kg}}$. Die Schmelztemperatur von Eis beträgt $T_{SE} = 0^\circ\text{C}$. Die Mischtemperatur T_M kann nun wie folgt berechnet werden:

$$Q_E + Q_{\text{Schmelz},E} + Q_W + Q_S = 0 \quad (0.1.43)$$

$$\Leftrightarrow m_E \cdot c_E \cdot (T_{SE} - T_E) + m_E \cdot L_S + m_W \cdot c_W \cdot (T_M - T_{SE}) + m_S \cdot c_W \cdot (T_M - T_S) = 0 \quad (0.1.44)$$

Die Gleichung (0.1.44) nach T_M umgeformt und die bekannten Grössen eingesetzt, erhält man für die Mischtemperatur:

$$T_M = \frac{m_E \cdot c_E \cdot T_E - m_E \cdot L_S + m_S \cdot c_W \cdot T_S}{m_W \cdot c_W + m_S \cdot c_W} = \underline{\underline{7.8^\circ\text{C}}} \quad (0.1.45)$$

- 29) Zu Sylvester machen Sie in fröhlicher Runde "Bleigiessen". Ihr Figürchen, das Sie schmelzen, hat eine Masse von 14.8 g . Sie giessen das flüssige Blei bei seiner Schmelztemperatur in 135 g Wasser mit der Anfangstemperatur 22.1°C . Auf welchen Wert steigt die Wassertemperatur höchstens an?

Lösung: Gegeben sind die folgenden Grössen: $T_B = 327.4^\circ\text{C}$, $m_B = 0.0148\text{ kg}$, $T_W = 22.1^\circ\text{C}$, $m_W = 0.135\text{ kg}$, $c_B = 129 \frac{\text{J}}{\text{kg}\cdot^\circ\text{C}}$, $c_W = 4182 \frac{\text{J}}{\text{kg}\cdot^\circ\text{C}}$, $L_S = 23000 \frac{\text{J}}{\text{kg}}$. Die Mischtemperatur kann nun wie folgt berechnet werden:

$$Q_{\text{Schmelz},B} + Q_B + Q_W = 0 \quad (0.1.46)$$

$$\Leftrightarrow m_B \cdot L_S + m_B \cdot c_B \cdot (T_M - T_B) + m_W \cdot c_W \cdot (T_M - T_W) = 0 \quad (0.1.47)$$

Die Gleichung (0.1.47) nach T_M umgeformt und die bekannten Grössen eingesetzt, erhält man für die Mischtemperatur:

$$T_M = \frac{-m_B \cdot L_S + m_B \cdot c_B \cdot T_B + m_W \cdot c_W \cdot T_W}{m_B \cdot c_B + m_W \cdot c_W} = \underline{\underline{22.5^\circ\text{C}}} \quad (0.1.48)$$

- 30) Jemand erzählt Ihnen, er hätte bei normalem Luftdruck ein festes, glühendes Stück Eisen von ca. 120 g in einem Liter Wasser geworfen. Dabei sei rund 20% des Wassers verdampft. Ist das möglich? Führen Sie notwendige Abschätzungen und die entsprechenden Berechnungen durch, um die Frage zu beantworten.

Lösung: Für diese Aufgabe nehmen wir an, dass die Temperatur von Wasser $T_W = 20^\circ\text{C}$ beträgt. Die Siedetemperatur von Wasser beträgt $T_S = 100^\circ\text{C}$. Das bedeutet, der Temperaturunterschied von Wasser beträgt $\Delta T_W = 80^\circ\text{C}$. Gegeben sind noch weitere Größen: $m_{Fe} = 0.12\text{ kg}$, $m_W = 1\text{ kg}$, $c_{Fe} = 450 \frac{\text{J}}{\text{kg}\cdot^\circ\text{C}}$, $c_W = 4182 \frac{\text{J}}{\text{kg}\cdot^\circ\text{C}}$, $L_V = 22.56 \cdot 10^5 \frac{\text{J}}{\text{kg}}$. Der Temperaturunterschied von Eisen kann nun wie folgt berechnet werden:

$$Q_{ab} + Q_{auf} = 0 \quad (0.1.49)$$

$$\Leftrightarrow m_{Fe} \cdot c_{Fe} \cdot \Delta T_{Fe} + m_W \cdot c_W \cdot \Delta T_W + (0.2 \cdot m_W) \cdot L_V = 0 \quad (0.1.50)$$

Die Gleichung (0.1.50) nach ΔT_{Fe} umgeformt und die bekannten Größen eingesetzt, erhält man für den Temperaturunterschied für Eisen:

$$\Delta T_{Fe} = \frac{-m_W \cdot c_W \cdot \Delta T_W - 0.2 \cdot m_W \cdot L_V}{m_{Fe} \cdot c_{Fe}} = -14551.1^\circ\text{C} \quad (0.1.51)$$

$$\Rightarrow 14551.1^\circ\text{C} \quad (0.1.52)$$

Die Glühtemperatur von Eisen liegt ca. bei 800°C . Aus diesem Grund handelt es sich um eine falsche Aussage.

- 31) Eine 10 cm dicke Eisschicht schmilzt an der Sonne. Wie viele Stunden Sonnenschein sind notwendig, um 1 m^2 dieser Schicht vollständig zu schmelzen? (20% der einfallenden Energie werden vom Eis absorbiert, der Rest wird zurückgestrahlt. Die Solarkonstante S gibt an, welche Wärmeleistung pro m^2 abgegeben wird. Siehe Konstante im Fundamentum)

Lösung: Gegeben ist die Dicke der Eisschicht $d = 0.1\text{ m}$, die Fläche $A = 1\text{ m}^2$, die Dichte $\rho_{Eis} = 917 \frac{\text{kg}}{\text{m}^3}$, die Solarkonstante $S = 1380 \frac{\text{W}}{\text{m}^2}$ und die spezifische Schmelzwärme $L_S = 3.338 \cdot 10^5 \frac{\text{J}}{\text{kg}}$. Das Volumen der Eisschicht beträgt:

$$V = d \cdot A = 0.1\text{ m}^3 \quad (0.1.53)$$

Mit der Dichte und dem Volumen kann die Masse berechnet werden:

$$m = \rho_{Eis} \cdot V = 91.7\text{ kg} \quad (0.1.54)$$

Da 20% absorbiert werden, beträgt die Heizleistung pro Sekunde:

$$P_{Heiz} = 0.2 \cdot S = 276 \frac{\text{W}}{\text{m}^2} \quad (0.1.55)$$

Aus diesen Angaben kann die Zeit berechnet werden, wie viele Stunden es notwendig sind, um 1 m^2 Eisschicht zu schmelzen:

$$P_{Heiz} \cdot t = Q_{Schmelz} \quad (0.1.56)$$

$$\Leftrightarrow P_{Heiz} \cdot t = L_S \cdot m \quad (0.1.57)$$

$$\Leftrightarrow t = \frac{L_S \cdot m}{P_{Heiz}} = 110903.8\text{ s} = \underline{\underline{30.8\text{ h}}} \quad (0.1.58)$$

- 32) Einem System werden 45 J mechanische Arbeit und 125 J Wärme zugeführt. Machen Sie mithilfe einer Rechnung eine quantitative Aussage über die Änderung der inneren Energie des Systems bei diesem Prozess.

Lösung: Gegeben sind die folgenden Grössen: $W = +45 \text{ J}$ und $Q = +125 \text{ J}$. Die Änderung der inneren Energie lässt sich nun wie folgt berechnen:

$$\Delta U = W + Q = \underline{170 \text{ J}} \quad (0.1.59)$$

Das heisst, die innere Energie nimmt um 170 J zu.

- 33) Ein System verrichtet eine mechanische Arbeit von 200 J, gleichzeitig soll sich die innere Energie des Systems aber um 50 J vergrössern. Machen Sie mithilfe einer Rechnung eine quantitative Aussage über die Wärme bei diesem Prozess.

Lösung: Gegeben sind die folgenden Grössen: $\Delta U = +50 \text{ J}$ und $W = -200 \text{ J}$. Die Wärme lässt sich nun wie folgt berechnen:

$$\Delta U = W + Q \quad (0.1.60)$$

$$\Leftrightarrow Q = \Delta U - W = \underline{250 \text{ J}} \quad (0.1.61)$$

Das heisst, dem System müssen 250 J Wärme zugeführt werden.

- 34) Bei einem Vorgang verliert ein System 200 J innere Energie und gibt 150 J Wärme ab. Machen Sie mithilfe einer Rechnung eine quantitative Aussage über die mechanische Arbeit bei diesem Prozess.

Lösung: Gegeben sind die folgenden Grössen: $\Delta U = -200 \text{ J}$ und $Q = -150 \text{ J}$. Die mechanische Arbeit lässt sich nun wie folgt berechnen:

$$\Delta U = W + Q \quad (0.1.62)$$

$$\Leftrightarrow W = \Delta U - Q = \underline{-50 \text{ J}} \quad (0.1.63)$$

Das heisst, das System verrichtet 50 J mechanische Arbeit.